

کد کنترل

۵۳۶

F

536F

# آزمون (نیمه‌تمركز) ورود به دوره‌های دکتری – سال ۱۴۰۲

دفترچه شماره (۱)

صبح پنجشنبه

۱۴۰۱/۱۲/۱۱



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فتاوی  
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

## مهندسی شیمی (کد ۲۳۶۰)

زمان پاسخ‌گویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: – سینتیک و طراحی راکتور – ترمودینامیک – پدیده‌های انتقال	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمرة منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سؤالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سؤالات و پایین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

مجموعه دروس تخصصی (سینتیک و طراحی راکتور - ترمودینامیک - پدیده های انتقال):

-۱ واکنش های زیر در فاز مایع و در یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته (mixed) صورت می گیرند،

$$\left\{ \begin{array}{l} A \rightarrow B \quad r_B = k_1 C_A \\ A \rightarrow C \quad r_C = k_2 C_A \end{array} \right\}$$

باشند، نسبت  $\frac{k_1}{k_2}$  کدام است؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

-۲ کدام یک از روابط زیر بین زمان پرشدن  $\tau$  و زمان اقامت متوسط  $\bar{t}$  در یک راکتور پیوسته، درست است؟

$$\bar{t} = \frac{\tau}{(1 + \varepsilon_A X_A)} \quad (1)$$

$$\tau = \bar{t} (1 + \varepsilon_A X_A)^2 \quad (2)$$

$$\bar{t} = \tau (1 + \varepsilon_A X_A) \quad (3)$$

$$\tau = \frac{\bar{t}}{(1 + \varepsilon_A X_A)^2} \quad (4)$$

-۳ بهترین عامل در واکنش های سری برای تولید بیشینه یک ماده میانی کدام است؟

(۱) وارد نمودن یکباره مواد اولیه به راکتور

(۲) اضافه کردن مواد اولیه به آرامی به راکتور

(۳) مخلوط کردن مواد با مقادیر مختلف درصد تبدیل با یکدیگر، در راکتور

(۴) عدم وجود اختلاط موادی که دارای مقادیر مختلف درصد تبدیل در راکتور باشند.

-۴ برای واکنش‌های ابتدایی  $A + B \xrightleftharpoons[k_2]{k_1} C + D$  ثابت تعادلی واکنش ۴ می‌باشد. برای غلظت‌های

$\frac{\text{mol}}{\text{lit}}$  اولیه  $C_{C_0} = C_{D_0} = ۲ \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$  و  $C_{A_0} = C_{B_0} = ۴ \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$  کدام است؟

- (۱) ۳  
(۲) ۴  
(۳) ۳/۵  
(۴) ۴/۵

-۵ واکنش درجه اول  $2A \rightarrow 3R$  در فاز گاز در یک راکتور ناپیوسته در دما و حجم ثابت انجام می‌شود. در صورتی که تبدیل ۴۰ درصد مدنظر باشد، چند درصد فشار افزایش پیدا می‌کند؟

- (۱) ۱۰  
(۲) ۲۰  
(۳) ۳۰  
(۴) ۴۰

-۶ واکنش گازی  $A + B \rightarrow 2R$  در یک راکتور ناپیوسته صورت می‌گیرد. خوراک راکتور شامل واکنش‌دهنده‌های  $A$ ،  $B$  و ماده بی‌اثر با غلظت‌های  $C_{\text{inert}} = ۱ \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ ،  $C_{B_0} = ۲ \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$ ،  $C_{A_0} = ۱ \frac{\text{mol}}{\text{lit}}$  است. هنگامی که غلظت واکنش‌دهنده  $A$  به  $۰/۵$  مولار می‌رسد، میزان تبدیل  $B$  کدام است؟

- (۱) ۰/۶۷  
(۲) ۰/۳۳  
(۳) ۰/۲۵  
(۴) ۰/۵

-۷ واکنش پیچیده  $A + B \rightarrow AB$  مطابق مکانیزم  $\left\{ \begin{array}{l} ۲B \xrightarrow{k_1} B^* \\ A + B^* \xrightleftharpoons[k_3]{k_2} AB + B \end{array} \right.$  بیانگر انجام می‌شود، که در آن  $B^*$  بیانگر حد واسط پرانرژی است. کدامیک از موارد زیر نشانگر معادله سرعت تولید  $AB$  است؟ (اگر علامت [ ] به مفهوم غلظت باشد).

$$r_{AB} = k_1[B]^r + k_2[B][AB] \quad (۱)$$

$$r_{AB} = \frac{k_1[B]^r + k_2[B][AB]}{k_2[A]} \quad (۲)$$

$$r_{AB} = \frac{k_2}{k_1 + k_2}[A][B] \quad (۳)$$

$$r_{AB} = k_1[B]^r \quad (۴)$$

- ۸ واکنش فاز مایع  $A + B \xrightarrow{k} AB$  در یک راکتور ناپیوسته با معادله سرعت  $-r_A = kC_A^{\circ/5} C_B^{1/5}$  صورت می‌گیرد. غلظت واکنشدهندهای A و B در ابتدای واکنش برابر با  $\frac{1}{\text{lit}}$  و ثابت سرعت واکنش برابر با  $\frac{\text{lit}}{\text{mol} \cdot \text{min}}$  ۲ می‌باشد. زمان نیمه عمر واکنش چند دقیقه است؟
- (۱) ۰/۵  
(۲) ۱  
(۳) ۱/۵  
(۴) ۲
- ۹ واکنش  $2A \xrightarrow{k} B$  در فاز گاز در درون یک راکتور مخزنی همزن دار پیوسته (mixed) اتفاق می‌افتد. خوراک دارای ۸٪ واکنشدهنده A و باقیمانده ماده بی‌اثر بوده و غلظت اولیه A برابر با  $\frac{1}{\text{lit}}$  می‌باشد. اگر ثابت سرعت واکنش برابر با  $\frac{\text{lit}}{\text{mol} \cdot \text{min}}$  ۰/۸ باشد، متوسط زمان اقامت در این راکتور جهت دستیابی به درصد تبدیل ۵۰ چند دقیقه است؟
- (۱) ۰/۸  
(۲) ۱  
(۳) ۱/۶  
(۴) ۲
- ۱۰ در یک مخزن اختلاط عایق جریانی بهشت ۵ و آنتروپی ۲ از یک مایع خالص وارد شده و با جریان دیگری از همان مایع خالص بهشت ۳ و آنتروپی ۶ به طور کاملاً یکنواخت (پایدار) مخلوط می‌شود. اگر جریان خروجی دارای آنتروپی ۱۵ باشد، شدت تغییر خالص آنتروپی این تحول کدام است؟ (واحدها همه هماهنگ و اختیاری است.)
- (۱) ۴۸  
(۲) ۵۲  
(۳) ۵۶  
(۴) ۶۲
- ۱۱ یک پمپ تخلیه اضطراری، آب جمع شده در یک گودال را با شدت جریان  $1 \frac{\text{m}^3}{\text{sec}}$  توسط یک لوله که به انتهای آن یک شیپوره (نازل) وصل است، تا ارتفاع ۲۰ متر پمپ می‌کند. سرعت خروجی آب از شیپوره انتهای لوله برابر  $10 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$  و راندمان ایزوتروپیک (انتروپی ثابت) کل پمپ، لوله و شیپوره بر روی هم برابر  $75^\circ$  است. مقدار توان مصرفی پمپ چند کیلووات است؟ (D = دانسیته آب)
- (۱) ۳۳۰۰۰  
(۲) ۳۳۰۰  
(۳) ۳۳  
(۴) ۳/۳

- ۱۲- برای یک سیستم دو جزی مایع بخار تعادلی (VLE) داریم  $P_1^{\text{sat}} = ۲/۵ \text{ atm}$  و  $P_2^{\text{sat}} = ۱/۴ \text{ atm}$  و  $\gamma_1 = ۶$  و  $\gamma_2 = ۳/۵$ . کدام یک از عبارات زیر، درست است؟

- (۱) این سیستم دارای آزئوتروپ فشار ماکزیمم است و انحراف آن مثبت است.
- (۲) این سیستم دارای آزئوتروپ فشار ماکزیمم است و انحراف آن منفی است.
- (۳) این سیستم دارای آزئوتروپ دما ماکزیمم است و انحراف آن مثبت است.
- (۴) این سیستم قطعاً آزئوتروپ ندارد.

- ۱۳- شیر متصل به یک مخزن خالی عایق به حجم معلوم را به آهستگی باز می‌کنیم تا هوا در شرایط  $۳۰^{\circ}\text{C}$  و فشار  $۱\text{ bar}$  وارد مخزن شود و وقتی جریان هوا به داخل مخزن قطع شد، شیر را می‌بندیم. در صورتی که هوا گاز کامل با گرمای ویژه ثابت فرض شود ( $C_p = ۱\frac{\text{Kj}}{\text{Kg}}$ ،  $\gamma = \frac{C_p}{C_v} = ۱/۴$ )، تغییر خالص آنتروپی این تحول برحسب کیلو ژول بر کلوین به طور تقریبی کدام است؟ (مقدار هوا در نهایت برابر  $۲\text{ Kg}$  می‌باشد).

$$\ln ۲ = ۰/۷, \ln ۳ = ۱/۱, \ln ۵ = ۱/۶, \ln ۷ = ۱/۹$$

- (۱)  $۰/۳$
- (۲)  $۰/۰۶$
- (۳)  $۰/۰۰۶$
- (۴)  $۰/۰۰۳$

- ۱۴- یک گاز کامل با گرمای ویژه ثابت در دمای  $۸۴۰\text{ K}$  و فشار  $۲\text{ MPa}$  وارد یک توربین گازی فرضی شده و در فشار  $۲/۲\text{ MPa}$  خارج می‌شود. اگر راندمان توربین  $۸۰\%$  باشد، مقدار کار گرفته شده از توربین تقریباً چند کیلو ژول بر کیلوگرم است؟

$$R = ۰/۴ \frac{\text{Kj}}{\text{Kg.K}}, \sqrt[۲]{۲} = ۱/۴, \sqrt[۳]{۳} = ۱/۷, \sqrt[۳]{۲} = ۱/۲, \sqrt[۳]{۵} = ۱/۷۵, \gamma = \frac{C_p}{C_v} = ۱/۵$$

- (۱) ۳۳۲
- (۲) ۴۲۲
- (۳) ۴۷۶
- (۴) ۵۲۸

- ۱۵- یک گاز واقعی از معادله ویریال  $z = ۱ + \frac{BP}{RT}$  پیروی می‌کند و ضریب ویریال مرتبه دوم آن گاز از رابطه  $T^2$  به دست می‌آید که در آن  $a$  و  $b$  دو مقدار ثابت بوده و  $T$  بر حسب کلوین است. تغییر آنتالپی مخصوص آن گاز در دمای ثابت  $T$  موقعي که فشار آن از یک فشار خیلی کم تا فشار نهایی  $P$  تغییر کند، کدام است؟

$$\frac{-3aP}{T^2} \quad (۱)$$

$$bP + \frac{3aP}{T^2} \quad (۲)$$

$$\frac{-2aP}{T^2} \quad (۳)$$

$$bP - \frac{3aP}{T^2} \quad (۴)$$

- ۱۶- یک گاز کامل با دمای  $520^{\circ}\text{C}$  و سرعت کم وارد یک شیپوره عایق شده و با سرعت  $600\text{ m/s}$  بر ثانیه از آن خارج می‌شود. اگر فرایند به صورت کاملاً یکنواخت (پایدار) باشد، دمای گاز خروجی چند درجه سانتی‌گراد است؟

$$(R = 0.00015 \frac{\text{kJ}}{\text{kg.K}} \text{ و } \gamma = \frac{C_p}{C_v} = 1.5)$$

(۱)  $340^{\circ}$ (۲)  $400^{\circ}$ (۳)  $430^{\circ}$ (۴)  $450^{\circ}$ 

- ۱۷- برای یک گاز واقعی در دمای نقصانی  $T_r = 0.7^{\circ}$ ، مقدار فشار اشباع برابر با  $3\text{ bar}$  بددست آمده است. در صورتی که مقدار فشار بحرانی گاز برابر با  $6\text{ bar}$  باشد، مقدار ضریب بی مرکزی کدام است؟

$$(\log 2 = 0.301 \text{ و } \log 3 = 0.477)$$

(۱)  $0.13^{\circ}$ (۲)  $0.1^{\circ}$ (۳)  $0.25^{\circ}$ (۴)  $0.3^{\circ}$ 

- ۱۸- برای یک گاز واقعی معادله حالت از رابطه  $P(v-b) = RT$  پیروی می‌کند که در آن  $b$  یک عدد ثابت است. در دمای ثابت وقتی که فشار آن گاز از  $P_1$  به  $P_2$  تغییر کند، تغییر آنتالپی مخصوص آن کدام است؟

$$(1) \gamma b(P_2 - P_1)$$

$$(2) \frac{b}{\gamma}(P_2 - P_1)$$

$$(3) bRT\left(\frac{1}{v_2} - \frac{1}{v_1} - \frac{b}{v_2 - b} + \frac{b}{v_1 - b}\right)$$

$$(4) 4bRT\left(\frac{1}{v_2} - \frac{1}{v_1} - \frac{b}{v_2 - b} - \frac{b}{v_1 - b}\right)$$

- ۱۹- یک پژوهشگر برای انرژی آزاد گیبس مولی ( $g$ ) یک ماده خالص در یک محدوده خاص دما و فشار، رابطه زیر را بددست آورده است. کدام گزینه در مورد ضریب انبساط فشار ثابت  $(\alpha = \frac{1}{v} \left( \frac{\partial v}{\partial T} \right)_p)$  این ماده در این محدوده،

درست است؟  $(g = a_0 + a_1TP + a_2T^2P^2 + \frac{a_3P}{T})$  همگی اعداد ثابت با ابعاد مناسب هستند و

$$(1) \alpha = \frac{1}{v} \left( a_1 - \frac{a_2}{T^2} \right)$$

$$(2) \alpha = \frac{1}{v} \left( a_1 + \frac{a_2}{T^2} \right)$$

$$(3) \alpha = \frac{1}{v} (a_1 + 4a_2 TP)$$

$$(4) \alpha = \frac{1}{v} \left( a_1 + 4a_2 TP - \frac{a_3}{T^2} \right)$$

-۲۰ بر روی سطح بسیار وسیعی از آب به عمق  $L_1$  یک جسم استوانه‌ای شکل بدون وزن با ارتفاع  $L_2$ ، از طرف قاعده خود (A) قرار دارد ( $L_2 > L_1$ ). در صورتی که دانسیته آب  $\rho$  و فشار هوای  $P_{air}$  فرض شود، حداقل مقدار کار لازم برای رساندن این جسم به کف آب کدام است؟

$$A\rho g \frac{L_1}{2} \quad (1)$$

$$A\rho g \frac{L_2}{2} \quad (2)$$

$$A\rho g \frac{L_1}{2} - P_{air} A (L_2 - L_1) \quad (3)$$

$$A\rho g L_1 \left(1 - \frac{L_2}{2}\right) \quad (4)$$

-۲۱ یک گاز واقعی خالص، فرایند خاصی را طی می‌کند. در طول این فرایند روابط زیر برقرار است. در مورد این فرایند کدام رابطه همواره درست است؟  $a_0, a_1, a_2, a_3$  اعداد ثابت هستند.

$$\begin{cases} u = a_0 + a_1 \ln(v) + a_2 v + a_3 s^2 \\ p = -\frac{a_1}{v} - a_2 \end{cases}$$

(۱) فرایند قطعاً آنتروپی ثابت است.

(۲) فرایند به گونه‌ایست که انرژی آزاد گیبس ثابت است.

(۳) رابطه آنتروپی و دما در این فرایند خطی است، اگر فرایند آنتروپی ثابت نباشد.

(۴) رابطه آنتروپی و دما به صورت یک سهمی (معادله درجه دوم) است، اگر فرایند آنتروپی ثابت نباشد.

-۲۲ برای یک سیستم دو جزیی مایع بخار در حالت تعادل (VLE) یک تابع F به صورت زیر تعریف شده است، که در آن  $P$  فشار واقعی سیستم و  $P^R$  فشار سیستم با فرض قانون رائولت است. در صورتی که  $P$  زیاد نباشد و برای فاز

$$\text{مایع داشته باشیم } \frac{G^E}{RT} = \beta x_1 x_2 \quad (1)$$

$$F = \frac{P - P^R}{x_1 x_2 \left[ P_1^{\text{sat}} + x_1 (P_2^{\text{sat}} - P_1^{\text{sat}}) \right]} \quad (2)$$

$$\exp(x) = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots \quad (3)$$

$$\frac{\beta}{2} \quad (1)$$

$$\beta \left(1 - \frac{P_1^{\text{sat}}}{P_2^{\text{sat}}} \right) \quad (2)$$

$$2\beta \quad (3)$$

$$\beta \quad (4)$$

- ۲۳- یک قطعه جامد بزرگ جرم  $kg = 10000$  و به دمای  $K = 400$  و گرمای ویژه  $\frac{kJ}{kgK} = 10$  درون هوای آزاد به دمای

۳۰۰ وجود دارد. با استفاده از این قطعه، حداقل کار قابل تصوری که می‌توان گرفت، تقریباً چند کیلوژول است؟

$$\ln 2 = 0.693, \ln 3 = 1.105, \ln 5 = 1.609$$

(۱)  $10^6$

(۲)  $10^5$

(۳)  $10^4$

(۴)  $10^3$

- ۲۴- دو ذره هم‌جنس یکی به شکل کره‌ای به شعاع  $R$  و دیگری به شکل استوانه‌ای به شعاع  $2R$  و طول  $5R$  درون ظرف بزرگی از آب قرار داده می‌شود و انتقال جرم فقط در جهت شعاعی صورت می‌گیرد. چنانچه نرخ جرمی انحلال در هر دو ذره برابر باشد، نسبت شار مولی انحلال ذره استوانه‌ای به کروی کدام است؟

(۱)  $0.1$

(۲)  $0.2$

(۳)  $0.3$

(۴)  $0.4$

- ۲۵- اگر منحنی تعادل به صورت خط مستقیم باشد، در چه صورتی راندمان مورفری در دو فاز مایع و گاز برابر خواهد شد؟

(۱) ضریب جذب، بسیار بزرگ باشد.

(۲) ضریب جذب، بسیار کوچک باشد.

(۳) امکان ندارد راندمان مورفری دو فاز با هم برابر شود.

(۴) ضریب جذب، برابر ضریب دفع باشد.

- ۲۶- برای جذب  $90$  درصد استون در هوا به کمک آب خالص، از یک عملیات چند مرحله‌ای متقابل استفاده شده است. در صورتی که خط تبادل، خط تعادل را قطع کند، ضریب جذب کدام است؟ (منحنی تعادلی در مختصات  $X-Y$  خطی فرض شود).

(۱)  $0.1$

(۲)  $0.3$

(۳)  $0.65$

(۴)  $0.9$

- ۲۷- مخلوطی از دو گاز  $A$  و  $B$  که به صورت non-diffusing عمل می‌کند، وجود دارد. ضریب نفوذ جسم  $C$  در این مخلوط

$$\text{گازی برابر } \frac{\text{cm}^2}{\text{s}} = 0.32 \text{ است. با توجه به اطلاعات زیر، کسر مولی } A \text{ و } B \text{ در مخلوط گاز اولیه کدام است?}$$

$$D_{C-A} = 0.42 \frac{\text{cm}^2}{\text{s}}$$

$$D_{C-B} = 0.30 \frac{\text{cm}^2}{\text{s}}$$

$$y_A = 0.3^\circ, y_B = 0.7^\circ \quad (1)$$

$$y_A = 0.2^\circ, y_B = 0.8^\circ \quad (2)$$

$$y_A = 0.4^\circ, y_B = 0.6^\circ \quad (3)$$

$$y_A = 0.5^\circ, y_B = 0.5^\circ \quad (4)$$

-۲۸- عدد استانتون برای یک سیستم انتقال جرم به صورت  $St_D = \frac{Sh}{ReSc} = \frac{F}{CU}$  تعریف شده است. در این عبارت  $F$  ضریب انتقال جرم،  $C$  غلظت سیال و  $U$  سرعت سیال است. فرم مشابه این عدد در سیستم انتقال حرارت کدام است؟

$$St_H = \frac{Sh}{RePr} = \frac{\left(\frac{F}{D_{AB}}\right)}{\left(\frac{CU}{\alpha}\right)} \quad (1)$$

$$k = \frac{Nu}{ReSc} = \frac{\left(\frac{h}{k}\right)}{\left(\frac{U}{D_{AB}}\right)} \quad (2)$$

$$\rho D_{AB} = \frac{Pr}{ScNu} = \frac{\left(\frac{C_p}{h}\right)}{\left(\frac{\ell}{\rho}\right)} \quad (3)$$

$$C_p = \frac{Nu}{RePr} = \frac{\left(\frac{h}{C_p}\right)}{\left(\frac{\rho U}{\ell}\right)} \quad (4)$$

-۲۹- در یک برج دیوار مرطوب با ارتفاع ۱ متر و قطر ۲۵ سانتی‌متر، عدد شروود از رابطه  $Sh = 100 \times F_G \times d$  به دست می‌آید، که  $F_G$  ضریب انتقال جرم گاز بر حسب  $\frac{mol}{s.m^2}$  و  $d$  قطر برج بر حسب متر است. در نقطه‌ای از برج عدد شروود ۴۰ و کسر مولی گاز  $8/10$  و کسر مولی مایع  $5/10$  است. پروفایل غلظت از کدام رابطه به دست می‌آید؟

$$K_L = 10^{-2} \frac{m}{s} \quad (5)$$

$$\left(\frac{8/10}{1-x_{AG}}\right) = \left(\frac{1-x_{AL}}{5/10}\right)^{1/6} \quad (1)$$

$$\left(\frac{5/10}{1-x_{AG}}\right) = \left(\frac{1-x_{AL}}{8/10}\right)^{1/6} \quad (2)$$

$$\left(\frac{5/10}{1-x_{AG}}\right) = \left(\frac{1-x_{AL}}{8/10}\right)^{1/6} \quad (3)$$

$$\left(\frac{8/10}{1-x_{AG}}\right) = \left(\frac{1-x_{AL}}{5/10}\right)^{1/6} \quad (4)$$

- ۳۰ جذب گاز در فیلم مایع ریزان مایع از روی یک دیوار عمودی را با  $Re > 100$  در نظر بگیرید. چنانچه پهنای دیوار را ثابت نگهداشته و ارتفاع دیوار و همچنین دبی جرمی مایع را ۸ برابر کنیم، ضریب انتقال جرم چگونه تغییر می‌کند؟

$$\overline{K_{L2}} > \frac{1}{\sqrt{2}} \overline{K_{L1}} \quad (1)$$

$$\overline{K_{L2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \overline{K_{L1}} \quad (2)$$

$$\overline{K_{L2}} < \frac{1}{\sqrt{2}} \overline{K_{L1}} \quad (3)$$

۴) نمی‌توان نظر قطعی داد.

- ۳۱ اگر  $K_x = 3k_y$  و خط عملیاتی بر خط تعادل عمود باشد، نسبت مقاومت در فاز مایع به مقاومت در فاز گاز کدام است؟

$$\frac{1}{9} \quad (1)$$

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$3 \quad (3)$$

$$9 \quad (4)$$

- ۳۲ یک جسم جامد نیمه‌بی‌نهایت در ابتدا در دمای  $T_i$  است. اگر دمای سطح این جسم به دمای  $T_\infty$  تغییر یابد و بزرگ‌تر از  $T_i$  باشد، مقدار کل حرارت داده شده به جسم به‌ازای واحد سطح جسم از ابتدا تا زمان مشخص  $t$  کدام است؟ ( $k$  و  $\alpha$  به ترتیب ضریب هدایت حرارتی و نفوذپذیری حرارتی جسم هستند و معادله توزیع درجه حرارت در این جسم به فرم زیر است).

$$\frac{T(x,t) - T_\infty}{T_i - T_\infty} = \operatorname{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{\alpha t}}\right), \quad \operatorname{erf}(\eta) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^\eta e^{-\eta^2} d\eta$$

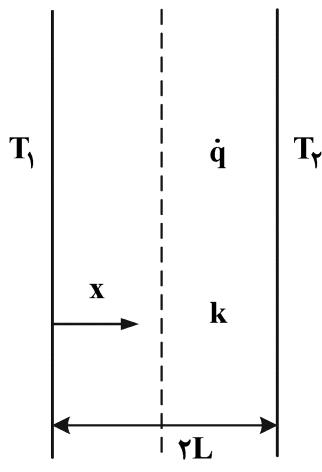
$$\frac{k(T_\infty - T_i)}{\sqrt{\pi \alpha t}} \quad (1)$$

$$k(T_\infty - T_i) \sqrt{\frac{\pi \alpha}{t}} \quad (2)$$

$$\frac{2k(T_\infty - T_i)}{\sqrt{\pi \alpha t}} \quad (3)$$

$$2k(T_\infty - T_i) \sqrt{\frac{t}{\pi \alpha}} \quad (4)$$

- ۳۳- در انتقال حرارت هدایتی یک بعدی پایا دارای چشمی حرارتی  $\dot{q}$  (در واحد حجم) برای سیستمی به شکل زیر، برای این که دمای ماکزیمم ( $T_{max}$ ) روی سطح  $x = 0$  اتفاق بیفتد، کدام عبارت درست است؟



$k$  : ضریب هدایت حرارتی جسم

$x = 0$  : دمای سطح در

$x = 2L$  : دمای سطح در

$$\dot{q} = \frac{k}{L} \frac{T_1 - T_2}{2L} \quad (1)$$

$$\dot{q} > \frac{k}{L} \frac{T_1 - T_2}{2L} \quad (2)$$

$$\dot{q} = \frac{k}{L} \frac{T_1 + T_2}{2} \quad (3)$$

$$\dot{q} > \frac{k}{L} \frac{T_1 + T_2}{2} \quad (4)$$

- ۳۴- برای یک کره که در مایعی معلق است، ناسلت متوسط به صورت  $Nu = 2 + m Re^{-b} Pr^{0.73}$  است. کدام یک از گزاره‌های زیر در مورد رابطه ناسلت متوسط، درست است؟

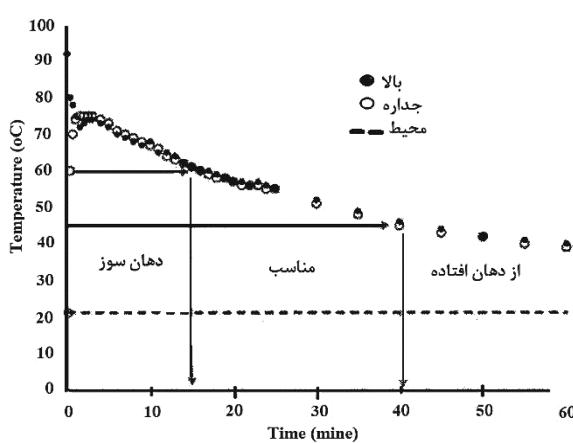
(۱)  $m$  و  $b$  هر دو باید مثبت باشند.

(۲)  $m$  باید مثبت ولی  $b$  باید منفی باشد.

(۳)  $m$  و  $b$  می‌توانند مثبت و یا منفی باشند که بستگی به عدد رینولدز دارد.

(۴)  $b$  باید مثبت ولی  $m$  می‌تواند مثبت یا منفی باشد که بستگی به عدد رینولدز دارد.

- ۳۵- چای داغ ۹۵ درجه را در لیوانی هم دما با محیط ریخته‌ایم. منحنی سرد شدن چای و جداره لیوان در شکل زیر نشان داده شده است. با فرض این که دمای محیط ۲۰ درجه است، برای آن که چای «از دهان نیافتد»، کدام راه حل مؤثرتر است؟



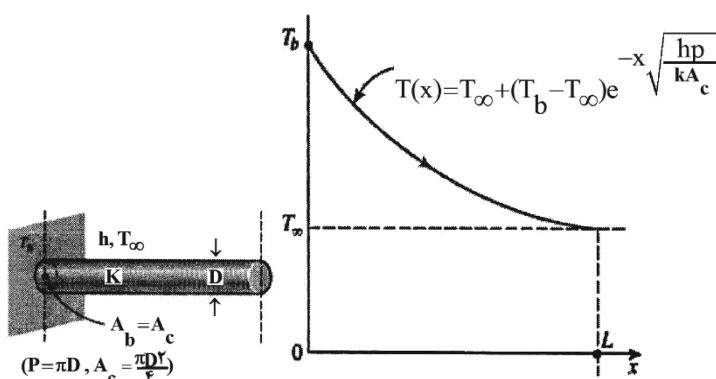
(۱) چون تابش از جایه‌جایی مهم‌تر است، پس باید لیوان را عایق کنیم.

(۲) جنس لیوان را چینی انتخاب کنیم  $k = 1.5 \text{ W/mK}$ ,  $c_p = 1050 \text{ J/kgK}$

(۳) جنس لیوان را شیشه‌ای انتخاب کنیم  $k = 1.0 \text{ W/mK}$ ,  $c_p = 800 \text{ J/kgK}$

(۴) نعلبکی را وارونه روی لیوان بگذاریم چون تبخیر بزرگ‌ترین تلفات را دارد.

- ۳۶ دو فین استوانه‌ای بلند غیرهم جنس را عمود بر یک سطح داغ نصب کردند. دمای  $10^{\circ}$  سانتی‌متری دور از پایه‌فین اول برابر دمای  $20^{\circ}$  سانتی‌متری دور از پایه‌فین دوم شده است. چه رابطه‌ای بین قطر  $d$  و ضریب هدایت حرارتی  $k$  این دو برقرار است؟



$$\sqrt{(k_2 d_1 / k_1 d_2)} = 2 \quad (1)$$

$$\sqrt{(k_1 d_1 / k_2 d_2)} = 2 \quad (2)$$

$$\sqrt{(k_2 d_2 / k_1 d_1)} = 2 \quad (3)$$

$$\sqrt{(k_1 d_2 / k_2 d_1)} = 2 \quad (4)$$

- ۳۷ ضریب انتقال حرارت متوسط در میان فیلمی بر روی یک صفحه عمودی، با افزایش ارتفاع صفحه چگونه تغییر می‌کند؟

(۲) کاهش می‌یابد.

(۱) زیاد می‌شود.

(۴) ابتدا کم و سپس زیاد می‌شود.

(۳) ابتدا زیاد و سپس کم می‌شود.

- ۳۸ در انتقال حرارت جابه‌جایی اجباری در روی یک صفحه تخت در جریان آرام برای صفحه‌ای که در تمام طولش دمای سطح ثابت است، کدام مورد درست است؟

(۱) درصورتی که طول صفحه ۲ برابر شود، میزان انتقال حرارت ۲ برابر می‌شود.

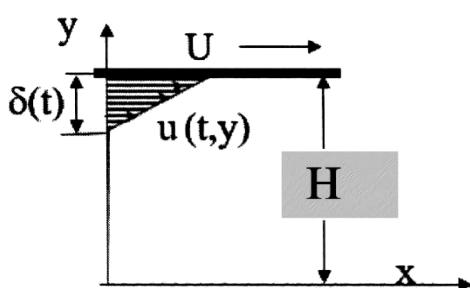
(۲) درصورتی که سرعت سیال ۲ برابر شود، میزان انتقال حرارت ۲ برابر می‌شود.

(۳) درصورتی که طول صفحه ۲ برابر شود، ضریب انتقال حرارت جابه‌جایی موضعی و متوسط ۲ برابر می‌شود.

(۴) با فرض ثابت بودن خواص فیزیکی سیال، اگر اختلاف دمای سطح و سیال ۲ برابر شود، میزان انتقال حرارت ۲ برابر می‌شود.

- ۳۹ سیال نیوتونی بین دو صفحه موازی بسیار بزرگی با فاصله  $H$  قرار دارد. صفحه بالایی به صورت ناگهانی با سرعت  $U$  مطابق شکل زیر کشیده می‌شود. اگر صفحه پایین ثابت باشد، رابطه عمق نفوذ مومنتوم ( $\delta(t)$ ) کدام است؟

(۷) ویسکوزیته سینماتیکی و  $t$  زمان



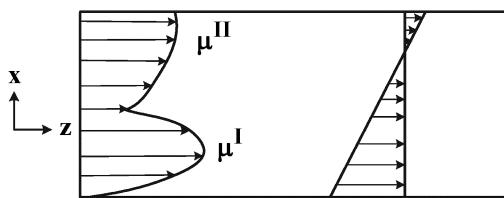
$$\sqrt{\frac{4t}{v}} \quad (1)$$

$$\sqrt{4vt} \quad (2)$$

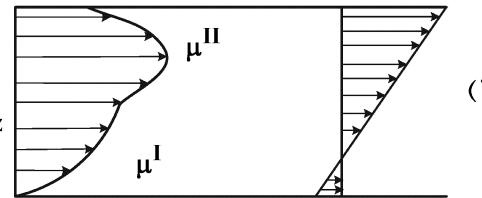
$$\sqrt{\frac{4}{vt}} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{4v}{t}} \quad (4)$$

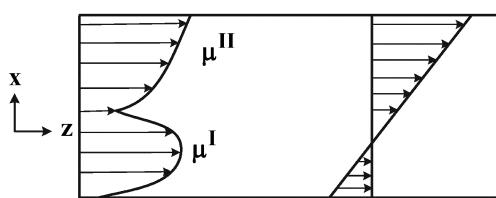
- ۴۰ دو مایع تراکم ناپذیر و امتراج ناپذیر، در امتداد  $Z$  در یک شکاف افقی نازک به طول  $L$  و عرض  $W$  تحت تأثیر گردایان فشار افقی  $\frac{P_0 - P_1}{L}$  جریان دارند. آهنگ جریان سیال طوری تنظیم می‌شود که نیمی از شکاف با سیال ۱ که فاز سنگین تر است و نیم دیگر آن با سیال ۲ که فاز سبک تر است، پُر شود. جریان این سیال‌ها به اندازه‌ای آهسته است که هیچ ناپایداری رخ نخواهد داد. توزیع تنش و سرعت به چه شکلی است؟



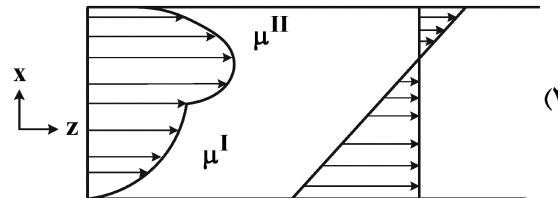
(۲)



(۱)



(۴)



(۳)

- ۴۱ اگر توزیع سرعت جریان سیالی در داخل لایه مرزی به صورت رابطه  $u(x, y) = e^{\sqrt{x}}(1 - e^{-y})$  داده شده باشد، ضخامت لایه مرزی در این جریان (۸)، کدام است؟

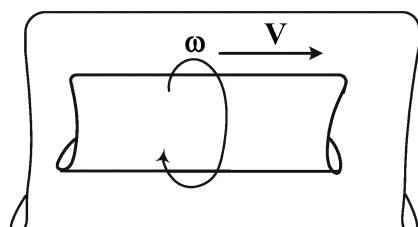
$$e^{\sqrt{x}} \quad (۱)$$

$$e^x \quad (۲)$$

$$\ln(100) \quad (۳)$$

$$\ln(10) \quad (۴)$$

- ۴۲ برای جریان در شرایط پایا و توسعه یافته بین دو سیلندر هم مرکز که سیلندر داخلی با سرعت ثابت  $V$  به صورت محوری و با سرعت زاویه‌ای ثابت  $\omega$  می‌چرخد، کدام رابطه تنش و کرنش برای سیال نیوتونی غیرقابل تراکم درست است؟



$$\tau_{z\theta} = -\mu \left( \frac{\partial v_z}{\partial r} + \frac{\partial v_\theta}{\partial r} \right) \quad (۱)$$

$$\tau_{z\theta} = -\mu \left( \frac{1}{r} \frac{\partial v_z}{\partial \theta} + \frac{\partial v_\theta}{\partial z} \right) \quad (۲)$$

$$\tau_{rz} = -\mu \frac{\partial v_z}{\partial r}, \quad \tau_{r\theta} = -\mu \frac{\partial v_\theta}{\partial r} \quad (۳)$$

$$\tau_{rz} = -\mu \left( \frac{\partial v_z}{\partial r} + \frac{\partial v_r}{\partial z} \right), \quad \tau_{\theta r} = -\mu \left( \frac{\partial v_\theta}{\partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial v_r}{\partial \theta} \right) \quad (۴)$$

- ۴۳- مخزنی به حجم  $2\text{ m}^3$  که در ابتدا خالی است، توسط لوله‌ای به قطر ۱۰ سانتی‌متر از گاز پُر می‌شود. سرعت متوسط جریان گاز ورودی  $\frac{2\text{ m}}{\text{s}}$  است. فشار و دمای خط لوله به ترتیب به میزان  $400 \text{ kPa}$  و  $330 \text{ K}$  و دمای گاز داخل

مخزن نیز به میزان  $400 \text{ K}$ ، ثابت نگهداشته می‌شود. زمان لازم برای آن که فشار مخزن به  $300 \text{ kPa}$  برسد، چند

ثانیه است؟ (گاز را ایدئال فرض کنید و عدد  $\pi$  برابر ۳، ثابت گازها  $R$  برابر  $\frac{kJ}{kg \cdot K}$  است).

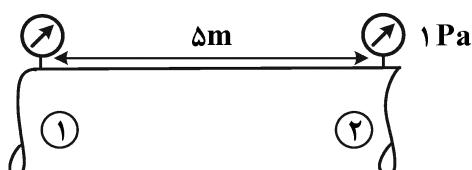
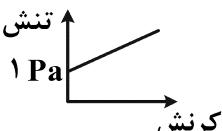
(۱) ۲۰۰

(۲) ۱۵۰

(۳) ۱۰۰

(۴) ۵۰

- ۴۴- سیالی با منحنی جریان به شکل زیر در لوله‌ای با قطر ۵ سانتی‌متر جریان دارد. فشار نقطه چند پاسکال باشد تا سیال در لوله جریان یابد؟



(۱) ۵۰۰

(۲) ۴۰۰

(۳) ۳۰۰

(۴) ۲۰۰

- ۴۵- تغییرات فشار در یک نقطه از یک سیال تراکم‌ناپذیر در تمامی جهات یکسان نخواهد بود، اگر سیال .....

(۱) ویسکوز و ساکن باشد.

(۲) ویسکوز و در حرکت باشد.

(۳) غیر ویسکوز ( $\mu = 0$ ) و ساکن باشد.(۴) غیروویسکوز ( $\mu = 0$ ) و در حرکت پایایی یک بعدی باشد.



